## Chapitre 1 : Nombres relatifs Multiplication - Division

## I. Multiplication de nombres relatifs.

1. Cas de deux nombres relatifs

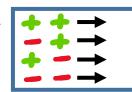
Découvrir la règle des signes :

3 × 4 c'est par définition ......+...... = donc 3 × (-4)=......+.....=

(-5) x 2=.....x .....=...

D'après ces exemples le produit d'un nombre positif par un nombre négatif ou le produit d'un nombre négatif par un nombre négatif semble être un nombre ......

Règle des signes : Le produit de deux nombres relatifs de même signe est ...... Le produit de deux nombres relatifs de signes contraires est ......



Propriété: Pour multiplier deux nombres relatifs:

- Il faut appliquer la règle des .....

Exemples :  $(+5) \times (+3) = \dots (-2) \times (+7) = \dots (+10) \times (-5) = \dots (-12) \times (-4) = \dots$ 

 $3 \times 7 = \dots$   $-4 \times 6 = \dots$   $3 \times (-5) = \dots$   $-8 \times (-9) = \dots$ 



Ne pas confondre avec les règles de l'addition :

 $(+5) \times (-4) = \dots$  alors que  $(+5) + (-4) = \dots$  et  $(-5) + (+4) = \dots$ 

**Remarque**: On a  $(-1) \times 3 = \dots$   $(-1) \times (-4) = \dots$ 

Le produit d'un nombre relatif par - 1 donne l'..... du nombre.

Calculs particuliers :  $7^2 = ..... \times ..... = .....$ 

(-4)<sup>2</sup> = ..... x ..... = alors que - 4<sup>2</sup> = ..... = ....

2. Cas de plusieurs nombres relatifs

**Propriété**: Un produit de nombres relatifs ne dépend pas de l'ordre des facteurs. On peut faire les calculs dans l'ordre que l'on veut en essayant d'être astucieux.

**Exemples** :  $A = -3 \times 4 \times 12 \times 25 = \dots$ 

B = -7,2 x (-5) x 2 x (-2) = .....

Calculer (-1)  $\times$  (-1) = ......... (-1)  $\times$  (-1)  $\times$  (-1) = ........

 $(-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) = \dots$   $(-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) = \dots$ 

- On obtient un résultat positif quand le nombre de facteurs est ..... et ...... et .....

 $(-1) \times (-1) \times \dots \times (-1) \times (-1) (1000 \text{ facteurs})$ 

- On obtient un résultat négatif quand le nombre de facteurs est ..... et ......

 $(-1) \times (-1) \times \dots \times (-1) \times (-1) \times (-1) \times (2001 \text{ facteurs})$ 

Propriété: Le signe d'un produit de plusieurs nombres relatifs dépend du nombre de facteurs négatifs.

- S'il y a un nombre pair de facteurs négatifs, alors le résultat sera ......
- S'il y a un nombre impair de facteurs négatifs, alors le résultat sera ......

Exemples:  $A = -3 \times (-2) \times 4 \times (-1) \times (-2)$  sera ...... car il y a ..... facteurs négatifs (et 4 est ......)

 $B = -3 \times (-2) \times 4 \times (-1) \times 2$  sera ...... car il y a ..... facteurs négatifs (et 3 est .....

## II. Division de nombres relatifs.

**Propriété**: Pour diviser deux nombres relatifs:

- Il faut appliquer la règle des ..... suivante.
- Il faut diviser les deux nombres sans les .....



Exemples: 12 ÷ 4 = .....

$$24 \div (-3) = \dots -36 \div 9 = \dots -55 \div (-11) = \dots$$

$$\frac{-32}{4}$$
 = ......

$$\frac{-32}{4}$$
 = ......  $\frac{45}{-5}$  = ......  $\frac{-72}{-8}$  = ......

## III. Suite de calculs.

Règles: Dans une expression entre parenthèses, on calcule d'abord les calculs

..... en commençant par les plus à l'..... en commençant par les plus à l'.....

La multiplication et la division sont ....... face à l'addition et la soustraction.

Dans une expression sans parenthèses ne contenant que des multiplications et des divisions, on effectue les calculs de la ......vers la ......vers la .....

**Exemples :** en détaillant les étapes, calcule :

$$A = 2 - 3 \times (-9 + 6)$$

$$C = [7 + 3 \times (15 - 22)] \div (-2)$$

$$B = 12 \div (2 - 4) \times 5$$

$$C = [7 + 3 \times (15 - 22)] \div (-2)$$

Programme de calcul: Voici un programme de calcul. Léa choisi 7 comme nombre de départ.

Quel est le nombre obtenu à l'arrivée ?

Programme

Choisi un nombre.

Soustrais 4.

Multiplie par - 3.

Ajoute 5 au résultat.

**Méthode 1**: En détaillant les étapes :

Méthode 2 : En écrivant une suite de calcul en ligne :

- 2) Quel résultat obtient-on si on choisit 2 comme nombre du départ ?
- 2) (Plus compliqué) Ludovic a obtenu 26 à la fin du programme. Quel était nombre du départ ?